

义务教育教科书

九年级 上册

# 25.1 比例线段



# 学习目标：

- 1. 知道线段的比和比例线段的概念。会求线段的比。
- 2. 知道比例的基本性质，能进行证明和运用。
- 3. 结合实例了解黄金分割。

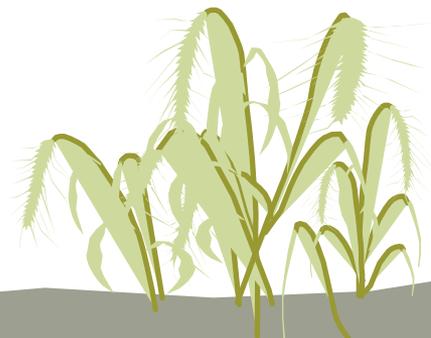


# 线段的比

如果选用同一度量单位，量得线段 $a$ 和 $b$ 的长度分别为 $m$ 、 $n$ ，把 $m$ 和 $n$ 的比叫做线段 $a$ 和 $b$ 的比。

记作： $a:b = m:n$ ，或 $\frac{a}{b} = \frac{m}{n}$

**注意：**两条线段的比与所采用的度量单位无关，但在求比时两条线段的度量单位要一致



# 线段的比

①  $a=2\text{cm}$ ,  $b=3\text{cm}$ , 那么  $a:b=$ \_\_\_\_\_.

②  $a=5\text{m}$ ,  $b=70\text{ cm}$ , 那么  $a:b=$ \_\_\_\_\_.

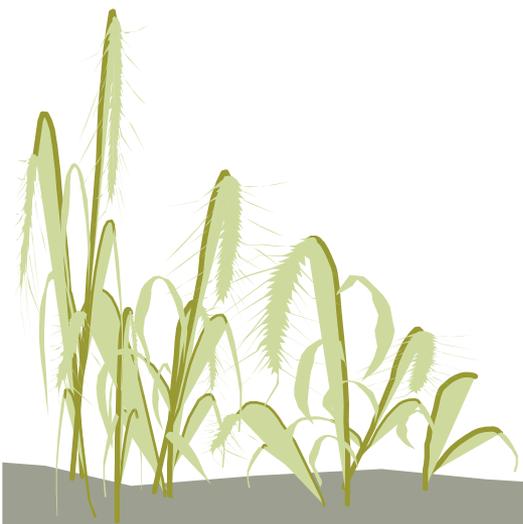


# 比例线段

在四条线段 $a, b, c, d$ 中，如果 $a$ 与 $b$ 的比等于 $c$ 与 $d$ 的比

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

这四条线段叫做**成比例线段**，简称**比例线段**

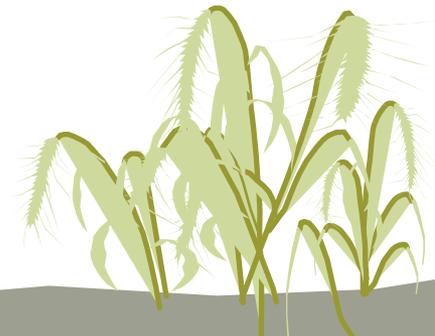
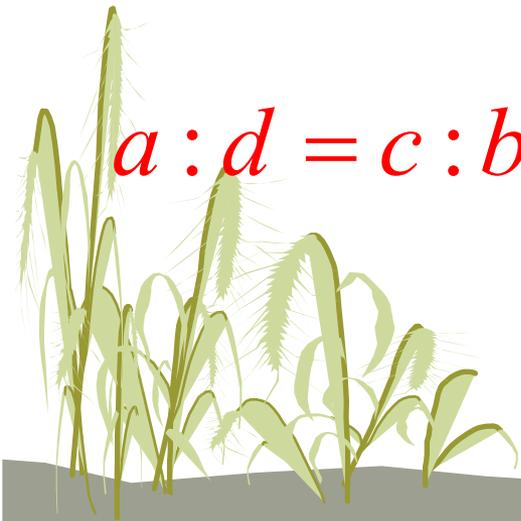


# 比例线段注意两点:

- 1. 单位统一。
- 2. 顺序性:

$a:b = m:n$ , 或  $\frac{a}{b} = \frac{m}{n}$ , 称  $a, b, c, d$  成比例。

$a:d = c:b$  或  $\frac{a}{d} = \frac{c}{b}$  称  $a, d, c, b$  成比例线段。

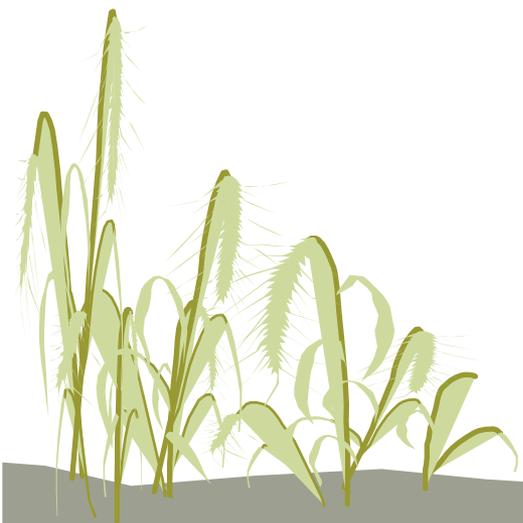


# 针对练习:

如果 $a=3\text{cm}$ ,  $b=5\text{cm}$ ,  $c=9\text{cm}$ ,  $d=15\text{cm}$ ,

则 $a:b = \underline{\quad}$ ,  $c:d = \underline{\quad}$ ,

所以 $a:b \underline{\quad} c:d$ 。



如果四条线段 $a, b, c, d$ 是成比例线段，即

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

变形得

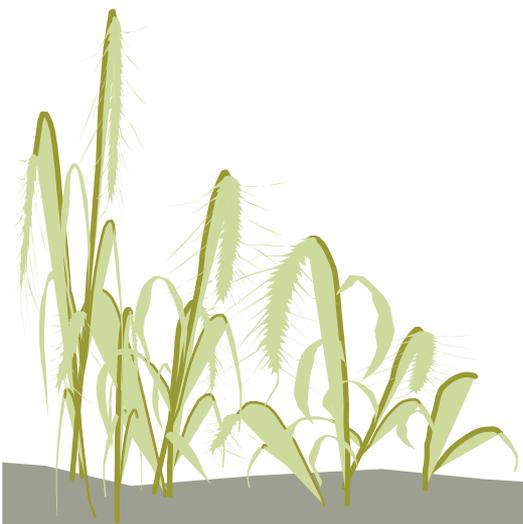
$$ad = bc$$

比例的基本性质

如果 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ，那么 $ad = bc$ .

如果  $\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$ , 那么  $b^2 = ac$ .

$b$  叫做  $a$ 、 $c$  的比例中项



## 针对练习:

(1) 线段 $a=2\text{cm}$ ,  $b=3\text{cm}$ ,  $c=6\text{cm}$ , 若 $a$  ,  $b$  ,  $c$  ,  $d$  成比例, 则  $d=$ \_\_\_\_\_.

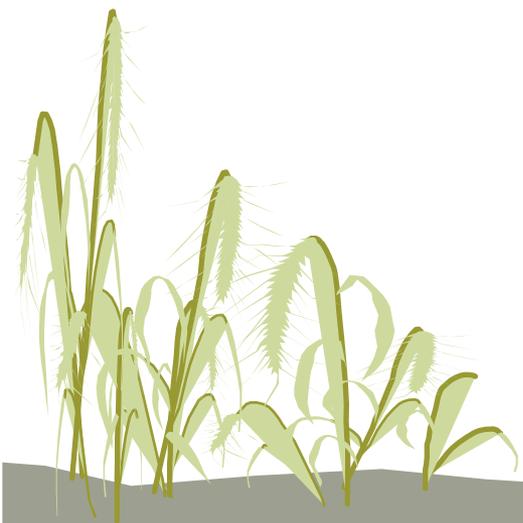
(2)  $a=2$ ,  $c=3$ ,  $b$ 是 $a$  ,  $c$ 的比例中项, 则 $b=$ \_\_\_\_\_。

(3) 线段 $a=2\text{cm}$ ,  $c=3\text{cm}$ ,  $b$ 是 $a$  ,  $c$ 的比例中项, 则 $b=$ \_\_\_\_\_。

# 一起探究

如果  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \dots = \frac{m}{n} = k (b + d + \dots + n \neq 0)$ ,  
那么  $a =$  \_\_\_\_\_,  $c =$  \_\_\_\_\_,  $m =$  \_\_\_\_\_,

所以  $\frac{a + c + \dots + m}{b + d + \dots + n} =$  \_\_\_\_\_。

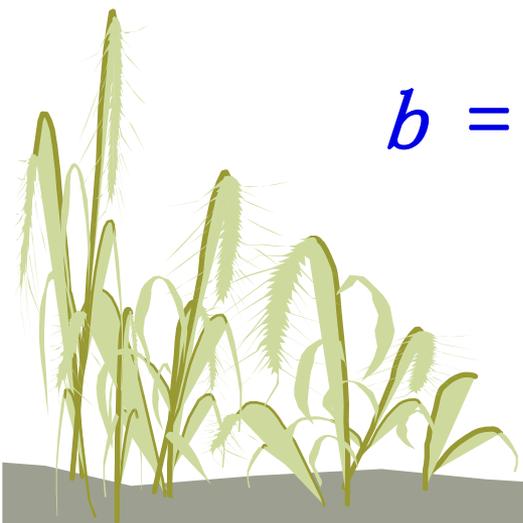


## 针对练习:

(1)  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f} = \frac{2}{3}$ , 则  $\frac{a+c+e}{b+d+f} =$  \_\_\_\_\_

(2)  $\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{4}$ , 且  $2a + b + 3c = 38$ , 则  $a =$  \_\_\_\_\_ ,

$b =$  \_\_\_\_\_ ,  $c =$  \_\_\_\_\_ .



例 已知  $\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5}$ , 求  $\frac{a+2b+3c}{3a+2b+c}$  的值.

解: 设  $\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{5} = k$ ,

则  $a = 2k$ ,  $b = 3k$ ,  $c = 5k$ ,

所以

$$\frac{a+2b+3c}{3a+2b+c} = \frac{2k+6k+15k}{6k+6k+5k} = \frac{23k}{17k} = \frac{23}{17}.$$

# 黄金分割：

古希腊数学家、天文学家欧多克塞斯提出一个问题：  
能否将一条线段 $AB$ 分成不相等的两部分，使较短线段 $CB$ 与较长线段 $AC$ 的比等于 $AC$ 与原线段 $AB$ 的比？即，使得

$$\frac{CB}{AC} = \frac{AC}{AB}$$

成立？如果这能做到的话，那么线段 $AB$ 被点 $C$ 黄金分割，点 $C$ 叫作线段 $AB$ 的黄金分割点，较长线段 $AC$ 与原线段 $AB$ 的比叫作黄金分割比。

设线段 $AB$ 的长度为1个单位， $AC$ 的长度为个 $x$ 单位，则 $CB$ 的长度为个 $(1-x)$ 单位。

可列方程：

$$\frac{1-x}{x} = \frac{x}{1}$$



$$1-x = x^2,$$

$$x^2 + x - 1 = 0.$$

解此方程，可求出黄金分割比

$$\frac{AC}{AB} = \frac{\sqrt{5}-1}{2} \approx 0.618.$$





东方明珠塔，塔高468米。设计师将在295米处设计了一个上球体，使平直单调的塔身变得丰富多彩，非常协调、美观。

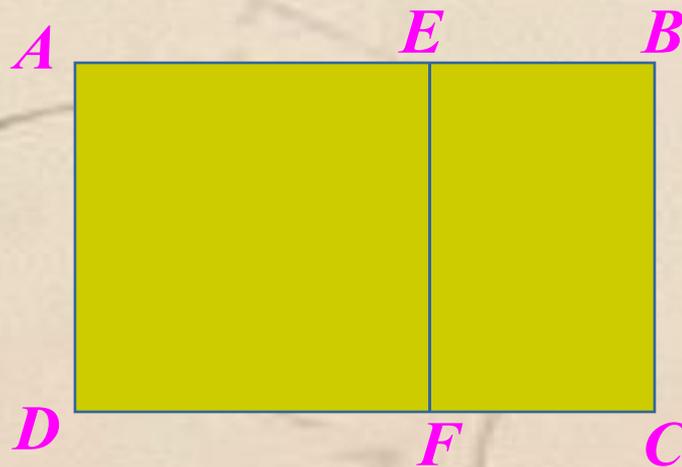
黄金建筑设计





想一想：

## 巴台农神庙



如果把图中用虚线表示的矩形画成如图所示的矩形  $ABCD$ ，以矩形  $ABCD$  的宽为边在其内部作正方形  $AEFD$ ，

$$\frac{BC}{BE} = \frac{AB}{BC}$$

那么我们可以惊奇的发现，点  $E$  是  $AB$  的黄金分割点吗？矩形  $ABCD$  的宽与长的比是黄金比吗？



为什么翩翩起舞的芭蕾舞演员要掂起脚尖？为什么身材苗条的时装模特还要穿高跟鞋？为什么她们会让人感到和谐、平衡、舒适，美的感觉？

黄金身材比例



王小姐想以最佳的形象出现在一次宴会上，经过测量，她身高1.60米，躯干（指肚脐到脚底的距离）0.96米，请你为王小姐选择一双高跟鞋，使得视觉效果最佳（精确到毫米）。

设高跟鞋高 $x$ 米，则有  $\frac{x+0.96}{x+1.60} = 0.618$

解得  $x=0.075$

所以应选择75毫米的高跟鞋。

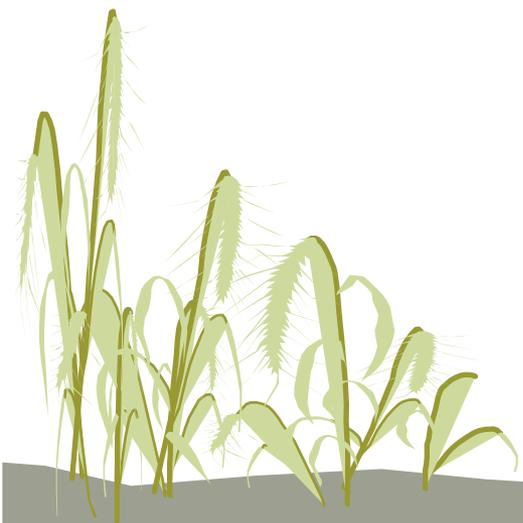




# 课堂小结

1.这节课你有哪些收获？

2.你还有哪些疑惑？





# 课后作业

课本上第60页习题A组2、3；  
B组1、2

