

第2课时 有理数的混合运算



易错专攻

有理数的混合运算顺序

出错.

例2 计算：

$$(1) -2^4 - \frac{1}{7} \times [2 - (-2)^4];$$

$$(2) -8 - 3 \times 2^2 - (-1)^4.$$

学生解答：



自主预习

——梳理要点

1. 有理数加、减、乘、除、乘方的混合运算：

(1) 先算_____，后算_____，最后算加减.

(2) 同级运算，从_____到_____依次进行.

(3) 如有括号，先算_____里的.

2. 计算 $2 \times (-3)^3 - 4 \div (-2) + 15$ 时，先算_____，再算_____法和_____法，最后算_____法和_____法，最后的结果为_____.

3. 计算： $2 - [(1 - 8) \times (-2) + (-10)] =$ _____.



随堂过关

——夯实基础

1. 下列各式中，计算结果等于 0 的是

()

A. $(-2)^2 - (-2^2)$

B. $-2^2 - 2^2$

C. $-2^2 + (-2)^2$

D. $-2^2 - (-2)^2$

2. 计算: $1 - 2^3 \times (-3) =$ ()
A. -27 B. -23 C. 21 D. 25
3. 计算 $12 - 7 \times (-4) + 8 \div (-2)^2$ 的结果是 ()
A. -24 B. -20 C. 6 D. 42
4. 设 $a = -2 \times 3^2$, $b = (-2 \times 3)^2$, $c = -(2 \times 3)^2$, 则 a, b, c 的大小关系是 ()
A. $a < c < b$ B. $c < a < b$ C. $c < b < a$ D. $a < b < c$



5. 根据如图所示的程序计算,若输入 x 的值为 1,则输出的 y 值为 ____.

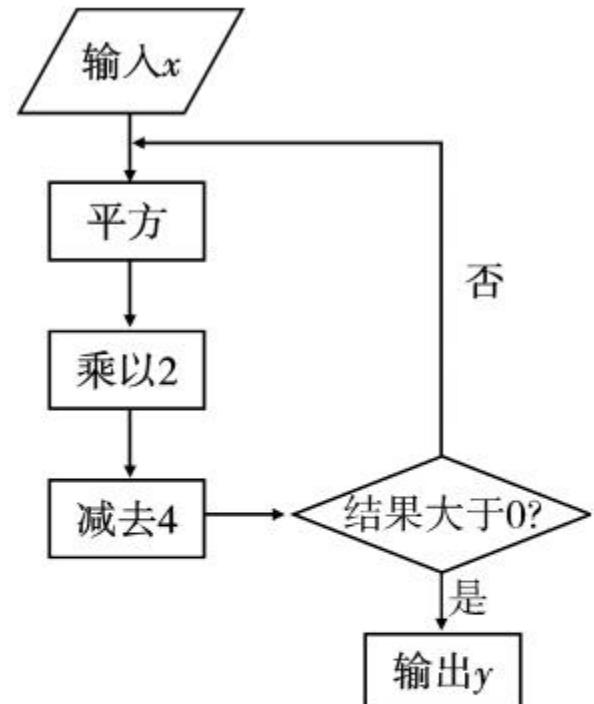
6. 观察下列数: $-1, \frac{1}{2}, -\frac{1}{3}, \frac{1}{4}, -\frac{1}{5}, \dots$, 这列数的

第 8 个数是 _____, 第 19 个数是 _____, 第
2018 个数是 _____.

7. 观察下列按规律排列的等式: $0+1=1^2, 2\times 1+2=2^2, 3\times 2+3=3^2, 4\times 3+4=4^2, \dots$, 请你猜想第 10 个等式应为 _____.

8. 计算:

(1) $-10 + 8 \div (-2)^2 - (-4) \times (-3);$



第 5 题图

$$(2) 32 \div (-2)^3 + (-2)^3 \times \left(-\frac{3}{4}\right) - 2^2 ;$$

$$(3) (-3)^2 - 1 \frac{1}{2} \times \frac{2}{9} - 6 \div \left|-\frac{2}{3}\right|^2 .$$



巩固

强化

——提升能力

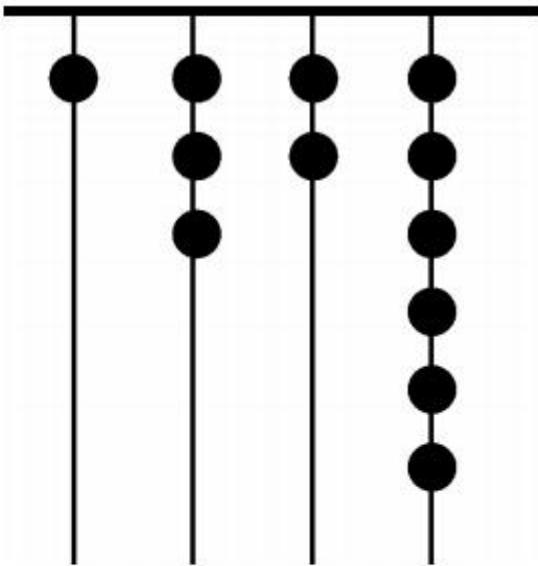
9. (2018 年宿州市) 现定义一种新运算: $a \divideontimes b = b^2 - ab$, 如: $1 \divideontimes 2 = 2^2 - 1 \times 2 = 2$, 则 $(-1 \divideontimes 2) \divideontimes 3$ 等于 ()

- A. -9 B. -6 C. 6 D. 9

10. 已知 $a = -(-2)^2$, $b = -(-3)^3$, $c = -(-4)^2$, 则 $-[a - (b - c)]$ 等于 ()

- A. 15 B. 17 C. -39 D. 47

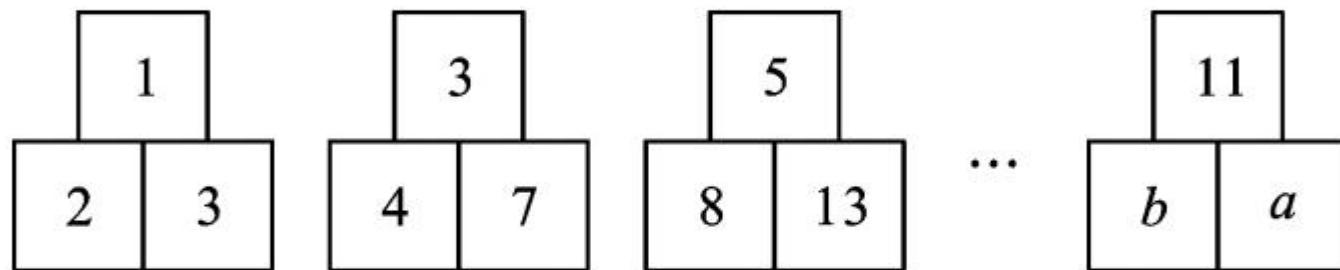
11. 我国古代《易经》一书中记载，远古时期，人们通过在绳子上打结来记录数量，即“结绳计数”. 如图，一位母亲在从右到左依次排列的绳子上打结，满七进一，用来记录孩子自出生后的天数. 由图可知，孩子自出生后的天数是



()

- A. 84 B. 336 C. 510 D. 1326

12. (2018 年日照市) 观察下面“品”字形中各数之间的规律. 根据观察到的规律得出 a 的值为 ()



- A. 23 B. 75 C. 77 D. 139

【解析】上面一行数是 $1, 3, 5, \dots, 2n-1$ 连续奇数, 左边是按 $2^1, 2^2, 2^3, \dots, 2^n$ 排列, $\therefore b=2^6=64$, $\therefore a=11+64=75$.



13. 计算：

$$(1) -1^4 - (1 - 0.5) \times \frac{1}{3} \times [2 - (-3)^2];$$



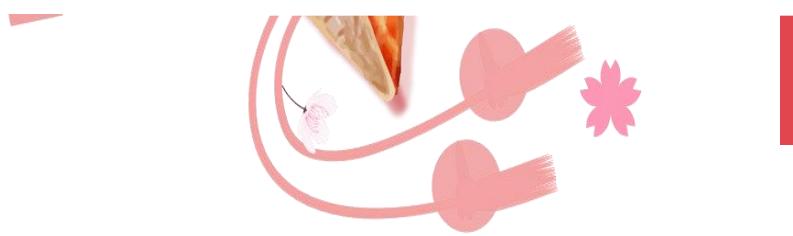
$$(2) -4^3 \div (-32) - \left[\left(-\frac{2}{3} \right)^3 \times (-3^2) + \left(-\frac{11}{3} \right) \right];$$

.....

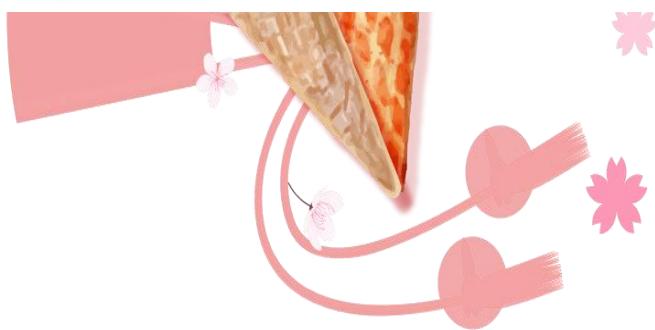
.....



$$(3)-1-\{(-3)^3-[3+\frac{2}{3}\times(-1\frac{1}{2})]\div(-2)\}.$$



14. 已知 $a = -7$, $b = -2$, 求 $(a+b)^2$, $a^2 + 2ab + b^2$ 的值, 并比较大小.



15. 已知 $|a^b - 16| + (b-2)^2 = 0$, 求下列代数式的值:

$$(1) a^2 - b^2;$$

$$(2) a^2 - ab - 2b^2.$$





拓展创新

——尖子生挑战

16. 观察下面三行数：

$$2, -4, 8, -16, \dots \quad ①$$

$$-1, 2, -4, 8, \dots \quad ②$$

$$3, -3, 9, -15, \dots \quad ③$$

(1) 第①行数按什么规律排列?

(2) 第②、③行数与第①行数分别有什么关系?



找规律问题

(3) 取每行数的第 9 个数, 计算这三个数的和.

